

# Arbres Binaires de Recherche : Introduction

I. Guessarian

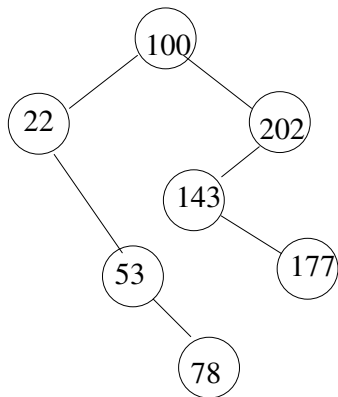
cours ISN 11 janvier 2012

# Arbre Binaire de Recherche

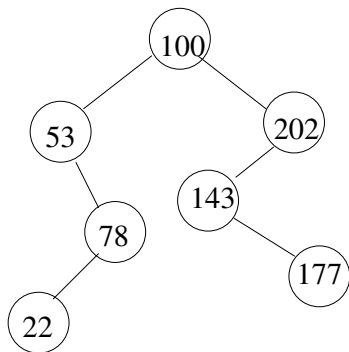
Un Arbre Binaire de Recherche (ABR) est un arbre binaire étiqueté par des éléments d'un ensemble  $A$  *totalelement ordonné* et tel que si  $a$  est l'étiquette d'un nœud  $n$ ,

- tous les nœuds du sous-arbre gauche de  $n$  sont étiquetés par des éléments  $b$  tels que  $b \leq a$ , ET
- tous les nœuds du sous-arbre droit de  $n$  sont étiquetés par des éléments  $b$  tels que  $b > a$

# Exemple



a. un arbre binaire de recherche



b. un arbre binaire

# Parcours dans les arbres

- parcours en largeur
- parcours en profondeur
  - parcours infixe
  - parcours préfixe
  - parcours postfixe (ou suffixe)

Le parcours infixe d'un *arbre binaire de recherche* donne la suite des étiquettes en ordre croissant.

# Algorithmes simples sur les arbres binaires (de recherche)

- parcours infixe
- recherche d'un élément
- recherche du maximum (minimum)
- construction d'un ABR (insérer un élément dans un ABR)

# parcours infixe

PARCOURS-IN (arbre  $T$  )

Var liste d'entiers  $L, L_1, L_2$

**if** ( $T == \emptyset$ ) **then**

|  $L = \emptyset$

**else**

$L_1 = \text{PARCOURS-IN}(\text{sous-arbre-gauche}(T))$

$L_2 = \text{PARCOURS-IN}(\text{sous-arbre-droit}(T))$

$L = L_1 \cdot \text{label}_T(\text{racine}(T)) \cdot L_2$

**retourner**  $L$

# Maximum

MAX (arbre  $T$ )

Var nœud  $n$

$n = \text{racine}(T)$

**while** ( $T(\text{filsdroit}(n)) \neq \text{NIL}$ ) **do**

$n = \text{filsdroit}(n)$

**retourner**  $T(n)$

## Notation

On note  $T(n)$  l'étiquette du nœud  $n$  ( $\text{label}_T(n)$ )

# Recherche d'un élément

RECHERCHER (arbre  $T$ , entier  $k$ )

Var nœud  $n$

$n = \text{racine}(T)$

**while**  $((T(n) \neq \text{NIL}) \wedge (T(n) \neq k))$  **do**

**if**  $(k < T(n))$  **then**

$n = \text{filsgauche}(n)$

**else**

$n = \text{filsdroit}(n)$

**if**  $(T(n) \neq \text{NIL})$  **then**

    afficher  $k$  est dans  $T$

**else**

    afficher  $k$  n'est pas dans  $T$



```
INSERER (arbre  $T$ , entier  $v$ )  
// Algorithme récursif  
Var nœud  $x$   
 $x = racine(T)$   
if ( $T == \emptyset$ ) then  
  |  $T = (v, \emptyset, \emptyset)$   
else  
  | if ( $v < T(x)$ ) then  
    | INSERER(sous-arbre-gauche( $T$ ), $v$ )  
  | else  
    | if ( $v > T(x)$ ) then  
      | INSERER(sous-arbre-droit( $T$ ), $v$ )
```

INSERER (arbre  $T$ , entier  $v$ )

// Algorithme itératif

Var nœud  $x, y$

Var arbre  $T'$

$T' = T$

$y = NIL$

$x = \text{racine}(T)$

**while** ( $x \neq NIL$ ) **do**

$y = x$

**if** ( $v < T(x)$ ) **then**

$T' = \text{sous-arbre-gauche}(T')$

**if** ( $v > T(x)$ ) **then**

$T' = \text{sous-arbre-droit}(T')$

$x = \text{racine}(T')$

```

/* suite de INSERER                                     */
  parent(x) = y;
  if ( T ==  $\emptyset$  ) then
    |   T = (v,  $\emptyset$ ,  $\emptyset$ )
  else
    if ( v < T(y) ) then
      |   sous-arbre-gauche(y) = (v,  $\emptyset$ ,  $\emptyset$ )
      /* le sous-arbre gauche vide de y est
         remplacé par (v,  $\emptyset$ ,  $\emptyset$ )                */
    if ( v > T(y) ) then
      |   sous-arbre-droit(y) = (v,  $\emptyset$ ,  $\emptyset$ )
      /* le sous-arbre droit vide de y est
         remplacé par (v,  $\emptyset$ ,  $\emptyset$ )                */

```

# Exercices

## Exercice 1

Ecrire un algorithme **récuratif** qui cherche le maximum d'un arbre binaire de recherche, puis le programme *Javascool* correspondant (à ajouter comme méthode dans la classe `abr.jvs`).

## Exercice 2

Ecrire un algorithme **récuratif** qui cherche un élément dans un arbre binaire de recherche, puis le programme *Javascool* correspondant (à ajouter comme méthode dans la classe `abr.jvs`).

# Exercices (suite)

## Exercice 3

Écrire le programme *Javascool* correspondant à l'algorithme TRI-FUSION vu en cours. Pour implémenter la version avec sentinelle du cours, on pourrait au préalable définir une méthode JAVA qui calcule le maximum d'un tableau.